

## การสร้างสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเนื้อเยื่อในการสอดเข็มเวเรสส์เพื่อการพัฒนาาระบบแฮปติกส์

### Mathematical Model of Soft Tissue in Veress Needle Insertion for Haptics Implementation

คณิน เปี่ยมงาม ชนวัฒน์ วงศ์บุษยามาส นฤกร กล้าหาญ วรุตม์ แก่นหิน สิปปัญญ์ อาชวรัตน์ทศชัย นันทิศา นิลหุด และชลลดาวัลย์ มูลใจดา

ภาควิชาวิศวกรรมชีวการแพทย์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหิดล

ศูนย์เครือข่ายวิจัยประยุกต์ทางเทคโนโลยีหุ่นยนต์และชีวการแพทย์ (BART LAB) คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหิดล

25/25 ถ.พุทธมณฑล สาย 4 ศาลายา นครปฐม 73130 โทร 02-889-2138 ต่อ 6446

Corresponding Author อีเมล choladawan.moo@mahidol.ac.th

#### บทคัดย่อ

บทความนี้ศึกษากระบวนการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเนื้อเยื่อ ซึ่งอาศัยข้อมูลจากการวัดแรงขณะการสอดเข็มเวเรสส์ (Veress Needle) ในแนวตั้งฉากกับเนื้อเยื่อหุ้มเป็นตัวอย่างข้อมูลแรงที่สนใจ โดยขั้นตอนสามารถจำแนกได้เป็น 4 ขั้นตอนคือ 1) การเก็บแรงในขณะทดลองสอดเข็มในเนื้อเยื่อโดยคนปกติ 2) การเก็บแรงในขณะทดลองสอดเข็มในเนื้อเยื่อโดย Robotics Needle Insertion 3) สร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ 4) ทำการทดสอบสมการจำลองทางคณิตศาสตร์โดยวิธีทางสถิติ

ซึ่งผลการทดลองพบว่าแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเนื้อเยื่อที่ทดสอบโดยระบบหุ่นยนต์และคนปกติอยู่ในระดับนัยสำคัญร้อยละ 95 เมื่อตรวจสอบด้วยวิธีทางสถิติ *t-test* โดยผลการศึกษาที่ได้สามารถนำมาพัฒนาต่อยอด และประยุกต์ใช้กับงานด้านอื่นๆ เช่น การสร้างภาพจำลองเสมือนจริงของเนื้อเยื่อต่างๆด้วยระบบคอมพิวเตอร์ การประยุกต์ใช้กับเทคโนโลยีการรับรู้แรงสัมผัสเสมือนจริงแฮปติกส์ ซึ่งเป็นประโยชน์อย่างมากในการพัฒนาทางด้านการแพทย์ นอกจากนี้ยังสามารถนำแนวคิดและวิธีการจากการทดลองดังกล่าวไปประยุกต์ใช้กับเนื้อเยื่อหรืออุปกรณ์เครื่องมืออื่นอีกด้วย

**คำสำคัญ:** Robotic Needle Insertion, Veress Needle, Laparoscopic Surgery, Biomechanics of muscle, Perception

#### 1. บทนำ

การรับรู้และการรู้สึกเป็นกระบวนการในการรับรู้ข้อมูลจากสิ่งเร้าภายนอกผ่านอวัยวะรับสัมผัส เช่น ตา รับความรู้สึกในการมองเห็น หูรับการได้ยินเสียง จมูกรับสัมผัสกลิ่น ลิ้นรับรส ความรู้สึกที่รับเข้ามาจะถูกวิเคราะห์ตีความหมายเกี่ยวกับสิ่งเร้าทั้งภายนอกและภายในร่างกาย โดยอาศัยประสบการณ์และการเรียนรู้ ทำให้มีการหลั่งสารอินทรีย์ทำให้เกิดการตอบสนองต่อสิ่งเร้า การรู้สึกและการรับรู้จึงเป็นองค์ประกอบที่สำคัญของการเกิดพฤติกรรม ถ้าการรู้สึกและการรับรู้บกพร่องย่อมส่งผลให้พฤติกรรมของอินทรีย์ผิดไปจากปกติ

ในทางการแพทย์โดยเฉพาะในเรื่องของการผ่าตัดนั้น แพทย์ผู้ทำการผ่าตัดจะทำหัตถการด้วยความเคยชิน เพราะฉะนั้นการรับรู้จากประสาทสัมผัสด้วยมือจึงมีส่วนที่สำคัญที่เป็นข้อมูลในการวิเคราะห์หรือรักษาของแพทย์ หากแพทย์ขาดประสาทรับรู้เชิงสัมผัสไป ก็จะส่งผลต่อการวินิจฉัยนั้นได้หรือทำให้แพทย์ต้องเพิ่มทักษะที่มากขึ้นตามด้วย

ในปัจจุบันเทคโนโลยีทางการแพทย์นั้นได้มีการพัฒนาขึ้นอย่างต่อเนื่อง จากการผ่าตัดที่มีขนาดใหญ่ มาสู่การผ่าตัดขนาดเล็ก ทำให้ผู้ป่วยมีแผลขนาดเล็กลง ส่งผลให้มีระยะเวลาในการพักฟื้นสั้นลง โดยในการผ่าตัดประเภทนี้จะพบมากในการผ่าตัดบริเวณช่องท้อง ซึ่งแพทย์จะทำการเจาะรูขนาดเล็กที่ผนังหน้าท้องของผู้ป่วย เพื่อสอดอุปกรณ์ในการผ่าตัดเข้าไป การผ่าตัดชนิดนี้แพทย์ผู้ทำ

การผ่าตัดจะไม่เห็นการผ่าตัด และจะไม่สามารถสัมผัสกับอวัยวะที่ทำการผ่าตัดโดยตรง แต่จะดำเนินการผ่านอุปกรณ์ผ่าตัดที่สอดเข้าไปภายในช่องท้องผู้ป่วย และมองเห็นการผ่าตัดภายในผ่านกล้องลาปารอสโคปีเท่านั้น จึงเรียกการผ่าตัดชนิดนี้ว่า “Laparoscopic Surgery”

แพทย์ผู้ผ่าตัด โดยวิธีนี้จำเป็นต้องได้รับการฝึกฝนและมีประสบการณ์เฉพาะด้าน ทั้งมุมมองที่จะต้องมองผ่านกล้อง ซึ่งจะแตกต่างจากการมองโดยตรง นอกจากนี้ อุปกรณ์ที่มีความจำเพาะนี้ยังเป็นข้อจำกัดให้แพทย์ไม่สามารถรับรู้ความรู้สึกที่เกิดจากการผ่าตัดอีกด้วย ดังนั้นหากอุปกรณ์ผ่าตัดมีการตอบสนองย้อนกลับที่ใกล้เคียงกับเนื้อเยื่อจริง ก็จะสามารถเพิ่มความรู้สึกสมจริงให้กับในขณะผ่าตัดมากยิ่งขึ้น ซึ่งเป้าหมายหลักของการทดลองนี้เพื่อแสดงตัวอย่างในการเก็บข้อมูลแรงและสร้างสมการการตอบสนองแรงย้อนกลับของเนื้อเยื่อขณะแทงเข็มเวเรสส์ สำหรับนำไปสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ เพื่อประโยชน์ในการสร้างภาพจำลองที่เสมือนจริง หรือการนำมาประยุกต์ควบคุมกับอุปกรณ์แฮปติกส์สำหรับฝึกการผ่าตัดส่องกล้อง

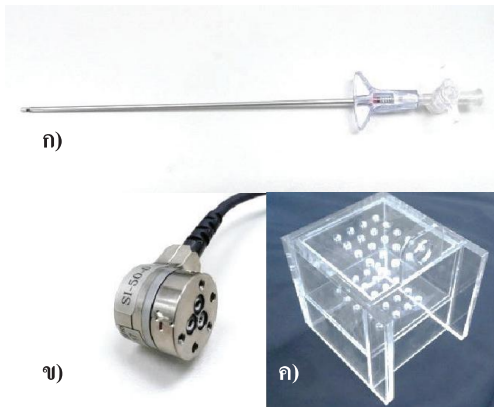
N. Nillahoote [1] ได้ทำการศึกษาลักษณะของข้อมูลแรงในขณะสอดเข็มเวเรสส์ (Veress Needle) ในเนื้อเยื่อโดยแบ่งการทดลองออกเป็น 3 ขั้นตอนคือ 1. ทำการทดลองเพื่อหาความถี่สั่นที่เหมาะสมในการเก็บข้อมูลในลักษณะนี้ 2. ทำการทดลองเพื่อหาความเร็วในการแทงเข็มในเนื้อเยื่อโดยใช้ความเร็วเฉลี่ยจากการแทงเข็มโดยคนปกติ 3. นำอัตราสั่นที่เหมาะสมจากการทดลองที่ 1 และความเร็วเฉลี่ยในการทดลองที่ 2 มาใช้ในการกำหนดค่าใน Robotics Needle Insertion ที่ได้พัฒนาขึ้นเฉพาะของ BART LAB มาใช้ในการทดลองเพื่อเก็บข้อมูลแรงจากเนื้อเยื่อไขมัน กล้ามเนื้อ และผนังหน้าท้อง ของเนื้อหมู N. Abolhassani [2] ได้ศึกษาเกี่ยวกับลักษณะของเข็ม การสอดเข็มเข้าไปยังช่องท้อง การเปลี่ยนรูปร่างของเนื้อเยื่อ

การเบนของเข็ม ฯลฯ เพื่อนำไปสร้างแบบจำลองที่มีความแม่นยำมากยิ่งขึ้น H.K. Cameron AL [3] ได้ทำการศึกษาปัจจัยที่มีผลต่อความปลอดภัยของผู้ป่วยและเปรียบเทียบความยุ่งยากในการแทงเข็มเวเรสส์ในรูปแบบต่าง ๆ เพื่อศึกษาปัจจัยที่ส่งผลกระทบต่อผู้ป่วยในการแทงเข็มเวเรสส์

โดยงานวิจัยนี้ได้ใช้ต้นแบบแนวคิดในการออกแบบการทดลองจากเอกสารงานวิจัยที่ [1] แต่ได้ทำการทดลองและวิเคราะห์ข้อมูลจากการทดลองเพิ่มเติม ผู้ศึกษาได้ออกแบบกล่องสำหรับบรรจุเนื้อเยื่อขึ้นใหม่เพื่อให้มีระยะห่างที่เหมาะสมในการสอดเข็มแต่ละครั้ง โดยใช้ทฤษฎีการทดสอบความแข็งของ Brinell [4] (Brinell Hardness test) ว่า “ระยะห่างในการสอดเข็มแต่ละครั้งควรมีค่ามากกว่า 3 เท่าของขนาดเข็ม เพื่อรักษาคุณสมบัติของเนื้อเยื่อและลดความผิดพลาดในการเก็บข้อมูล” และเลือกใช้เนื้อหมูบริเวณสันนอกสำหรับการทดลองนี้ เป้าหมายของการทดลองนี้ เพื่อทดลองเก็บข้อมูลแรงในขณะแทงเข็มเวเรสส์เข้าไปในเนื้อเยื่อ และสร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์จากข้อมูลที่ได้ออกจากการทดลอง โดยการสร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำแบบย้อนกลับของชั้นเนื้อเยื่อในงานวิจัยนี้จะแบ่งเป็นสามขั้นตอนคือ การทดลองสอดเข็มโดยใช้คนปกติ (Handheld) การสอดเข็มด้วยแขนหุ่นยนต์ (Robotics Needle Insertion) และการสร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์

## 2. เครื่องมือและอุปกรณ์ที่ใช้ในการทดลอง

เข็มเวเรสส์ (รูปที่ 1 ก) เป็นอุปกรณ์ทางการผ่าตัดที่ส่วนมากใช้ในการผ่าตัดทางกล้อง (Laparoscopic Surgery) มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 2 มม. และความยาว 150 มม.



รูปที่ 1 แสดงอุปกรณ์ ก) แสดงเข็มเวเรสต์ ข) เซนเซอร์วัดแรงและแรงบิด และ ค) กล่องอะคริลิกสำหรับบรรจุเนื้อเยื่อ

โดยเข็มชนิดนี้มีหน้าที่สำหรับเจาะเข้าไปในช่องท้องผู้ป่วยเพื่อบรรจุแก๊สคาร์บอนไดออกไซด์ทำหน้าท้องผู้ป่วยขึ้น ช่วยให้แพทย์สามารถมีมุมมองในการมองช่องท้องได้ชัดเจนยิ่งขึ้น ขนาดกล่องอะคริลิก (รูปที่ 1 ค) ใช้ในการทดลองมีขนาดกว้าง 8 ซม. ยาว 8 ซม. และสูง 8 ซม. โดยออกแบบให้มีขนาดที่พอดีกับเนื้อเยื่อที่นำมาใช้ในการทดลอง ทั้งนี้ส่วนบนและล่างของกล่องยังเจาะรูขนาด 3 mm. จำนวน 20 ช่องตรงกัน โดยรูทั้งหมดนี้จะมีระยะห่างที่เท่ากันเสมอ สำหรับการทดลองการสอดเข็มโดยใช้มนุษย์จะใช้ผู้ทำการทดลองจำนวน 10 คน ซึ่งแต่ละคนสอดเข็มลงในเนื้อจำนวน 10 ครั้งโดยใช้เซนเซอร์วัดแรงและแรงบิด (รูปที่ 1 ข) สำหรับวัดแรงในสามแกน และใช้การ์ดรวบรวมข้อมูล (16 bit NI PCI 6220 DAQ card) สำหรับประมวลผลเข้าเครื่องคอมพิวเตอร์ ซึ่งจะนำค่าที่ได้มาคำนวณค่าความเร็วเฉลี่ย และการสอดเข็มโดย Robotics Needle Insertion นั้น จะใช้แขนหุ่นยนต์ติดตั้งเข็มเวเรสต์ที่พัฒนาโดย BERT LAB ม.มหิดล ซึ่งการควบคุมแขนหุ่นยนต์นั้นควบคุมผ่านผ่านทาง USB controller [5] โดยอาศัยข้อมูลเฉพาะตาม [6] และเซนเซอร์วัดแรงและแรงบิด โดยแสดงระบบการติดตั้งรูปที่ 2 ซึ่งจะนำค่าความเร็วเฉลี่ยที่ได้จากค่าความเร็วจากการทดลองสอดเข็มโดยคนปกติ มาใช้ในการทดลองด้วย Robotics

Needle Insertion เพื่อให้ได้เวลาที่ใกล้เคียงกับเวลาที่มนุษย์ใช้ในการสอดเข็มมากที่สุด หลังจากนั้นนำมาหาแรง ณ ตัวอย่างใดๆ ซึ่งแรงที่ใช้นั้นจะใช้เฉพาะแรงที่อยู่บนแกน z และสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์โดยใช้วิธีการถดถอยแบบพหุนาม (Polynomial Regression)



รูปที่ 2 แสดงระบบการติดตั้งเข็มเวเรสต์และเซนเซอร์วัดแรงและแรงบิดเข้ากับแขนหุ่นยนต์

### 3. ผลการทดลอง และการวิเคราะห์

#### 3.1 การทดลองสอดเข็มในเนื้อเยื่อโดยคนปกติ

##### 3.1.1 การหาอัตราส่วนความถี่สุ่ม

การหาอัตราส่วนความถี่สุ่มนั้นเราจะหาแต่ละตัวอย่างในเวลาหนึ่งวินาที สำหรับการทดลองนี้พบว่าอัตราส่วนความถี่สุ่มจะได้ 66 ตัวอย่างในหนึ่งวินาที

##### 3.2.2 การหาความเร็ว

การหาความเร็วที่จะนำไปใช้ในการสอดเข็มของระบบหุ่นยนต์นั้น คำนวณได้สูตรหาค่าเฉลี่ย

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} \quad (1)$$

โดย  $\bar{x}$  คือ เวลาเฉลี่ยที่ใช้ในการสอดเข็ม  
 $x$  คือ เวลาที่ใช้ในการสอดเข็ม  
 $n$  คือ จำนวนข้อมูล

ตารางที่ 1 แสดงเวลาในการสอดเข็มและค่าเฉลี่ย

คนที่	เวลา (วินาที)
1	2.8
2	1.7
3	2.9
4	11.0
5	1.0
6	3.8
7	3.4
8	2.3
9	3.6
10	2.4
เฉลี่ย	3.5
±SD	2.78

จากตารางที่ 1 พบว่าค่าเฉลี่ยจากการทดลองสอดเข็มเวเรสส์โดยคนปกติมีค่าเท่ากับ 3.5 วินาที และค่าความเบี่ยงเบนมาตรฐานเป็น 2.78 และเนื้อที่ใช้ในการทดลองมีความสูงเท่ากับ 30 มิลลิเมตร สามารถหาความเร็วในขณะเข็มผ่านเนื้อเยื่อได้จากสูตรหาความเร็ว

$$v = \frac{s}{t} \quad (2)$$

โดย  $v$  คือ ความเร็ว  
 $s$  คือ ความลึก  
 $t$  คือ เวลา

ซึ่งจะได้ความเร็ว 8.57 มม./วินาที

### 3.2 การทดลองสอดเข็มในเนื้อเยื่อโดย Robotics Needle

#### Insertion

จำนวนอัตรา โดยจะใช้จำนวนตัวอย่างเท่ากับ 66 ตัวอย่างต่อหนึ่งวินาที และตั้งค่าเวลาในการสอดเข็มเท่ากับ 3.5 วินาที ซึ่งเป็นค่าที่ได้จากการทดลองโดยคนปกติจะได้จำนวนตัวอย่างทั้งหมดที่ใช้ในการสอดเข็มจะเท่ากับ 231 ±1%

### 3.3 สร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์

#### 3.3.1 ทฤษฎีถดถอยแบบพหุนาม

ทฤษฎีถดถอยแบบพหุนามคือการสร้างความสัมพันธ์ระหว่างข้อมูลที่คู่อันดับ  $(x, y)$  ต่างๆที่ได้จากการทดลองให้อยู่ในรูปของสมการพหุนาม

$$Y(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n \quad (3)$$

โดยเริ่มจากสมมติสมการพหุนามขึ้นตามกำลังที่สนใจ(ในที่นี้คือ  $n$ ) ได้ว่า

$$G(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n \quad (4)$$

เมื่อนำค่าของข้อมูลที่  $x_i$  มาแทนในสมการ จะทำให้ได้ค่าของ  $G(x_i)$  มา ซึ่งค่าดังกล่าวนั้นจะมีความแตกต่างกับค่า  $Y_i$  เรียกกำลังสองของผลต่างดังกล่าวว่าค่าความผิดพลาด (Error)  $E$  เมื่อหาค่ารวมของค่าความผิดพลาดจากทุกๆคู่อันดับข้อมูล จะได้ว่า

$$\sum_{i=0}^n E = \sum_{i=0}^n (Y_i - G(x_i))^2 \quad (5)$$

สมการพหุนามที่สร้างขึ้นนั้น จะมีค่าใกล้เคียงความเป็นจริงมากที่สุด หรือมีค่าความผิดพลาดน้อยที่สุดนั้นต้องอยู่ภายใต้เงื่อนไขว่า ค่าอนุพันธ์ย่อยของค่าความผิดพลาดเทียบกับสัมประสิทธิ์ใดๆ มีค่าเป็นศูนย์ หรือกล่าวได้ว่า

$$\frac{\partial E}{\partial a_i} = 0 \quad (6)$$

เมื่อประยุกต์เงื่อนไขดังกล่าวเข้ากับสมการ จะทำให้เกิดระบบสมการดังนี้

$$\begin{bmatrix} \sum_{i=0}^n x_i & \cdots & \sum_{i=0}^n x_i^n \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \sum_{i=0}^n x_i^n & \cdots & \sum_{i=0}^n x_i^{2n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ \vdots \\ a_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{i=0}^n y_i \\ \vdots \\ \sum_{i=0}^n x_i^{n-1} y_i \end{bmatrix} \quad (7)$$

เมื่อแก้ระบบสมการดังกล่าวเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์  $a_0, a_1, \dots, a_n$  จึงนำไปแทนในสมการตั้งต้น ได้เป็นสมการลดถอยแบบพหุนาม

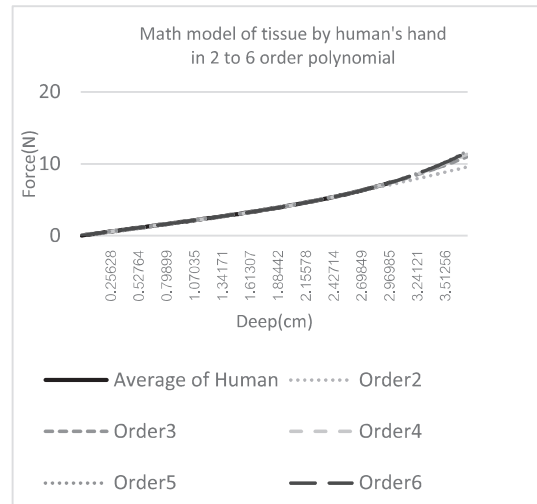
วิธีการสร้างสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำแบบย้อนกลับ นำผลการทดลองที่ตรวจวัดได้จากเซนเซอร์ตรวจวัดแรงและแรงบิดซึ่งจะได้ค่าเป็นแรงต่อความถี่ เปลี่ยนโดเมนของตัวแปรต้นให้อยู่ในรูปของความลึกของเนื้อเยื่อ จะได้เป็นสมการแรงต่อความลึกของเนื้อเยื่อ จากนั้นหาค่าเฉลี่ยของข้อมูลในแต่ละความลึกจะได้สมการแรงต่อความลึกของเนื้อเยื่อเฉลี่ย แล้วนำไปสร้างสมการการลดถอยแบบพหุนาม

สมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำย้อนกลับของเนื้อเยื่อเมื่อทำการสอดเข็ม ที่ได้จากการทดลองเป็นสมการพหุนามตั้งแต่กำลัง 2 ถึง 6 ซึ่งแต่ละสมการจะมีแนวโน้มต่างกัน จำเป็นต้องดูแนวโน้มและต้องใกล้เคียงกับข้อมูล

ซึ่งสมการที่ได้อยู่ในรูปของความสัมพันธ์ระหว่างแรง ( $y, N$ ) และ ความลึก ( $x, cm.$ ) ดังนี้ สมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของการสอดเข็มโดยคนปกติ คือ

$$y(x) = -0.00213x^6 + 0.03233x^5 - 0.14175x^4 + 0.37390x^3 - 0.43959x^2 + 2.12101x$$

ดังแสดงในกราฟรูปที่ 3

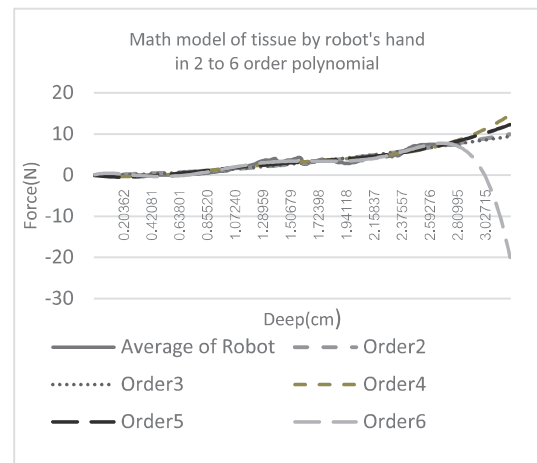


รูปที่ 3 แสดงกราฟสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำแบบย้อนกลับโดยคนปกติ

สมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของการสอดเข็มโดย Robotics Needle Insertion คือ

$$y(x) = -0.26495x^5 + 2.64070x^4 - 8.86511x^3 + 12.57344x^2 - 4.57431x$$

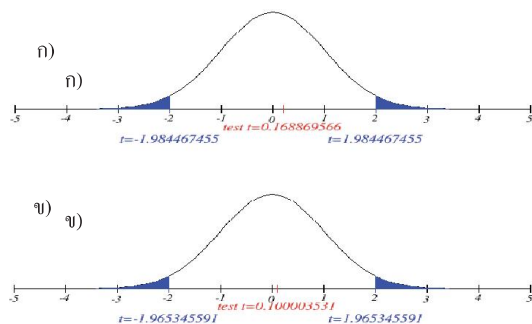
ดังแสดงในกราฟรูปที่ 4



รูปที่ 4 แสดงกราฟสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำแบบย้อนกลับโดย Robotics Needle Insertion

### 3.4 ทำการทดสอบสมการจำลองทางคณิตศาสตร์โดยวิธีทางสถิติ

การทดสอบสมการทั้งสองว่าสามารถยอมรับได้หรือไม่โดยใช้วิธีทางสถิติ t-Test: Two-Sample Assuming Unequal Variances ตั้งสมมุติฐานหลัก (Null Hypothesis) คือ ค่าแรงเฉลี่ยจากข้อมูลและจากสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ไม่มีความแตกต่างกันและกำหนดค่า ระดับนัยสำคัญ (level of significance) เท่ากับ 0.05 สมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำย้อนกลับ โดยคนปกติมีค่าความน่าจะเป็น (P value) เท่ากับ 0.169 และสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ของแรงกระทำย้อนกลับโดยระบบหุ่นยนต์มีค่าความน่าจะเป็น เท่ากับ 0.920 ซึ่งมากกว่าค่า ระดับนัยสำคัญ ดังแสดงในรูปที่ 5ก และ 5ข ตามลำดับ ดังนั้นสมการจำลองทางคณิตศาสตร์ทั้งสองสมการนั้นสามารถยอมรับได้ เมื่อเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็นของทั้งสองสมการแล้ว สมการจำลองทางคณิตศาสตร์โดย Robotics Needle Insertion มีความแม่นยำมากกว่าสมการจำลองทางคณิตศาสตร์โดยคนปกติ



รูปที่ 5 กราฟแสดงค่า t-test ของ ก) สมการทางคณิตศาสตร์ของเนื้อ โดยข้อมูลจากคนปกติ ข) สมการทางคณิตศาสตร์ของเนื้อ โดยข้อมูล จาก Robotics Needle Insertion

ซึ่งแสดงให้เห็นว่า สมการที่ได้จากระเบียบวิธีการลดรอยแบบพหุนามสามารถนำไปใช้ในการพัฒนา

ระบบการสอดเข็มเวเรสส์ของ Robotics Needle Insertion ในการจำลองแรงกระทำย้อนกลับที่ใกล้เคียงความจริง

### 4. การพัฒนาและการนำไปประยุกต์

แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ที่ได้จากการทดลองทั้งสองสมการดังกล่าว ซึ่งเป็นค่าของแรงกระทำย้อนกลับของกล้ามเนื้อที่มีความลึกต่างๆ สามารถนำไปใช้ในการเขียนโปรแกรมทางคอมพิวเตอร์เพื่อใช้เป็นสมการต้นแบบในการสร้างภาพจำลองเสมือนจริง หรือใช้ประกอบกับอุปกรณ์แฮปติกส์ เพื่อพัฒนาระบบที่สามารถให้แรงย้อนกลับเสมือนจริงได้ นอกจากนี้ยังเป็นแนวทางในการประยุกต์ระบบจำลองดังกล่าว สำหรับจำลองการฝึกการผ่าตัดแบบ Laparoscopic Surgery รวมไปถึงการผ่าตัดแบบระยะไกลในผู้ป่วยจริงต่อไปในที่สุด

### 5. ข้อเสนอแนะ

ปัญหาที่เกิดจากการนำชิ้นเนื้อมาทำการทดลองมีหลายปัจจัย กล่าวคือ ขนาดชิ้นเนื้อแต่ละครั้งการทดลองมีขนาดไม่เท่ากัน ทั้งชิ้นไขมัน และชิ้นกล้ามเนื้อที่มีในเนื้อแต่ละชิ้นที่ไม่เหมือนกัน ส่งผลให้การออกแรงสอดเข็มให้ข้อมูลต่างกันไป ดังนั้น จึงต้องทำการควบคุมปัจจัยเหล่านี้ให้มีสมบัติตรงกัน

นอกจากนี้เนื้อหมูที่ใช้ทำการทดลอง เป็นเพียงการเก็บข้อมูลตัวอย่างเท่านั้น หากต้องการพัฒนาไปใช้จริงกับในมนุษย์ ต้องทำการเก็บผลข้อมูลกับผู้ป่วยจริง และทำการทดลองให้แม่นยำมากขึ้นเพื่อความน่าเชื่อถือของการทดลอง ซึ่งจะนำไปสู่การสร้างระบบการผ่าตัดระยะไกลในที่สุด

## 6. กิตติกรรมประกาศ

ในการศึกษาหัวข้อ “การสร้างสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเนื้อเยื่อในการสอดเข็มเวเรสส์เพื่อการพัฒนาาระบบแฮปติกส์” นี้ได้รับทุนสนับสนุนจากมหาวิทยาลัยมหิดล ภายใต้โครงการ “การแพทย์อัจฉริยะบูรณาการคอมพิวเตอร์ วิศวกรรมและฟื้นฟู”

ทั้งนี้คณะผู้ศึกษาใคร่ขอขอบพระคุณ อาจารย์ชลลดาวัลย์ มูลใจตา ที่ได้ให้คำสอน คำปรึกษา และคำแนะนำ ตลอดจนการให้การสนับสนุนตลอดระยะเวลาที่ทำการศึกษา ขอขอบคุณ นางสาวนันทิดา นิลหุด ที่ได้ให้คำสอนในการใช้อุปกรณ์เช่นเซอร์วิคแรงและแรงบิดการใช้ Robotics Needle Insertion รวมถึงคำแนะนำในการศึกษาการทดลอง รวมถึงขอขอบคุณ ผศ.ดร.จักรกฤษณ์ สุทธากรณ์ หัวหน้าศูนย์เครือข่ายวิจัยประยุกต์ทางเทคโนโลยีหุ่นยนต์และชีวการแพทย์ (BART LAB) และภาควิชาชีวการแพทย์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหิดล ที่ให้ความอนุเคราะห์ และให้การเอื้อเฟื้อในอุปกรณ์ และสถานที่ตลอดที่ได้ศึกษาครั้งนี้ จนทำให้สำเร็จลุล่วงไปด้วยดี

## 7. บรรณานุกรม

- [1] N. Nillahoot and J. Suthakorn, "Development of Veress Needle Insertion Robotic System and its experimental study for force acquisition in soft tissue," in *Robotics and Biomimetics (ROBIO), 2013 IEEE International Conference on*, 2013, pp. 645-650
- [2] N. Abolhassani, R. Patel, and M. Moallem, "Needle insertion into soft tissue: A survey," *Medical Engineering & Physics*, vol. 29, pp. 413-431, 5/ 2007.
- [3] K. Humphreys, A.L. Cameron, G.J. Maddern, "Veress needle laparoscopic entry technique," *Stepney: Australian Safety and Efficacy Register of New Interventional Procedures - Surgical (ASERNIP-S), Evidence Essential*, Asernip-S Report no. 76. 2010
- [4] R. Hill, B. Storakers and A. B. Zdunek, "A Theoretical Study of the Brinell Hardness Test", *Proceeding of the Royal Society A: Mathematic, Physical and Engineering sciences*, vol. 423, no. 1865, pp. 301-330, 6/1989
- [5] Firgelli Technologies Inc., *USB Control and configuration Reference Manual*
- [6] Firgelli Technologies Inc., *Miniature Linear Motion Series Reference Manual*